

## 令和8年度学力検査問題

# 数 学

### 注意

- 1 監督者の開始の合図があるまで、この問題冊子を開かないでください。
- 2 問題は、1 ページから 10 ページまであります。
- 3 解答は、全て解答用紙の所定の欄に記入してください。
- 4 解答用紙の※印の欄には、何も記入しないでください。
- 5 監督者の終了の合図で筆記用具を置き、解答面を下に向け、広げて机の上に置いてください。
- 6 解答用紙だけを提出し、問題冊子は持ち帰ってください。

1~6の問題に対する解答用紙への記入上の留意点

- ・ 答えが数または式の場合は、最も簡単な数または式にすること。
- ・ 答えに根号を使う場合は、 $\sqrt{\quad}$ の中を最も小さい整数にすること。
- ・ 答えに円周率を使う場合は、 $\pi$ で表すこと。

1

次の(1)~(9)に答えなさい。

- (1)  $7+(-4)\times 3$ を計算しなさい。
- (2)  $2(6a-3b)-(9a+b)$ を計算しなさい。
- (3)  $\sqrt{18}+\frac{10}{\sqrt{2}}$ を計算しなさい。
- (4)  $y$ は $x$ に反比例し、 $x=3$ のとき $y=-8$ である。  
 $x=-4$ のときの $y$ の値を求めなさい。
- (5) 等式 $2a-3b=5$ を、 $a$ について解きなさい。

- (6) 表は、M中学校の3年生120人を対象に握力を調査し、その記録を度数分布表に整理したものである。

表をもとに、この120人の記録の中央値がふくまれる階級までの累積相対度数を四捨五入して小数第2位まで求めなさい。

階級(kg)	度数(人)
以上 未満 15 ~ 20	3
20 ~ 25	9
25 ~ 30	16
30 ~ 35	31
35 ~ 40	26
40 ~ 45	26
45 ~ 50	9
計	120

- (7) 関数 $y=\frac{1}{3}x^2$ のグラフをかきなさい。
- (8) 下のデータは、ある学級の生徒12人について、通学時間を調査し、その時間を、短い方から順に並べたものである。

(単位：分)

12 12 15 17 19 21 21 21 24 24 28 36

このデータの四分位範囲を求めなさい。

- (9) 袋の中に赤玉と白玉があわせて800個入っている。この袋の中から90個の玉を無作為に抽出したところ、赤玉は18個であった。  
この袋の中に入っている赤玉の個数は、およそ何個と推定できるか答えなさい。

2

箱の中に、 $\boxed{1}$ ,  $\boxed{1}$ ,  $\boxed{2}$ ,  $\boxed{3}$  の4枚のカードが入っており、この箱の中からカードを取り出す。ただし、どのカードを取り出すことも同様に確からしいとする。次の(1), (2)に答えなさい。

(1) 箱の中からカードを1枚取り出し、そのカードを箱にもどす実験を4回行う。このとき、カードの取り出し方について、正しいことを述べているものを、次のア～オから全て選び、記号をかきなさい。

- ア 1回目または2回目に必ず $\boxed{1}$ のカードを取り出す。
- イ  $\boxed{1}$ のカードを1回も取り出さないことがある。
- ウ  $\boxed{3}$ のカードを取り出すのは1回だけである。
- エ 全て $\boxed{3}$ のカードを取り出すことがある。
- オ 1回目から3回目までに $\boxed{3}$ のカードを取り出さなければ、4回目は必ず $\boxed{3}$ のカードを取り出す。

(2) 箱の中のカードと、白の面と黒の面がある石を3個使って、次の手順を1回行い、石の上面の色を調べる。

手順

- ① 図1のように、3個の石を白の面を上にして 横一列に左、中、右の順に並べる。
- ② 箱の中から同時に2枚のカードを取り出し、カードの数の和を求める。
- ③ ②で求めた和の個数だけ、石を左、中、右、左、中の順に1個ずつ裏返す。

図1



例えば、取り出した2枚のカードの数の和が4のとき、石を左、中、右、左の順に裏返すので、石の上面の色は、左が白で、中と右は黒になる。

図2



手順を1回行ったとき、石の上面の色の組み合わせは、下のA, B, Cのいずれかになる。A, B, Cのうち、最も起こりやすい色の組み合わせはどれか、確率を用いて説明しなさい。

- A 1個が白, 2個が黒
- B 2個が白, 1個が黒
- C 3個とも黒

## 3

数学の授業で、問題 1、問題 2 が出された。

## 問題 1

図 1 のような、横の長さが縦の長さより長く、周の長さが 14 cm の長方形の紙がある。

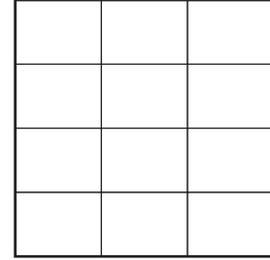
図 1 の紙を縦方向に 4 枚、横方向に 3 枚、合計 12 枚しきつめると、図 2 のような正方形ができた。

このとき、図 2 の正方形の 1 辺の長さを求めなさい。

図 1



図 2



明さんと光さんは、問題 1 の解き方について、話し合っている。



方程式を使って問題を解くには、次の手順にしたがえばよかったね。

明さん

## 手順

- ① 何を文字で表すかを定める。
- ② 等しい数量の関係を見つけて、方程式をつくる。
- ③ 方程式を解く。
- ④ 方程式の解が、問題にあうかどうかを確かめる。

そうだね。図 1 の長方形の縦の長さを  $x$  cm として、 $\textcircled{P}$   $4x = 3(7-x)$  という方程式をつくったよ。



ほかにも、 $\textcircled{Q}$  図 2 の正方形の 1 辺の長さを  $x$  cm として、方程式をつくっても、解けそうだね。

光さん

何を文字で表すかによって、つくる方程式が変わってくるね。



次の(1)～(3)に答えなさい。

- (1) 下線部 $\textcircled{P}$ の方程式の左辺と右辺のどちらもが表す数量として、正しいものを次のア～オから1つ選び、記号をかきなさい。

- ア 図 1 の長方形の面積
- イ 図 1 の長方形の横の長さ
- ウ 図 2 の正方形の面積
- エ 図 2 の正方形の 1 辺の長さ
- オ 図 2 の正方形の周の長さ

- (2) 下線部㉔について、下の□内は、問題1を解くために、図2の正方形の1辺の長さを  $x$  cmとしてつくった、 $x$  についての方程式である。

$$\frac{x}{\boxed{\text{A}}} + \frac{x}{\boxed{\text{B}}} = \boxed{\text{C}}$$

□A, □B, □C にあてはまる1けたの自然数をそれぞれかきなさい。

- (3) 問題2を、左ページの手順にしたがって解き、解答欄の□の中には、あてはまる数をかきなさい。

### 問題2

図3のような、横の長さが縦の長さより2 cm長い長方形の紙がある。

図4のように、図3の長方形の紙の4すみから、1辺が4 cmの正方形を切り取る。

図4の紙で、ふたのない直方体の容器をつくったところ、その容積が  $96 \text{ cm}^3$  になった。

このとき、図3の長方形の紙の縦の長さや横の長さをそれぞれ求めなさい。

ただし、紙の厚さは考えないものとする。

図3

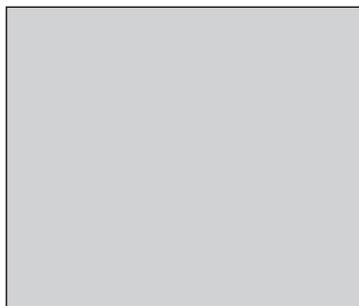
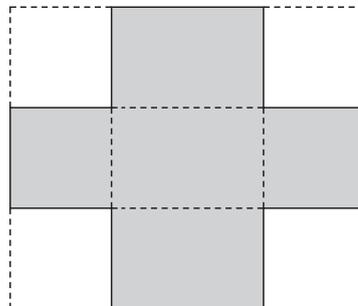


図4



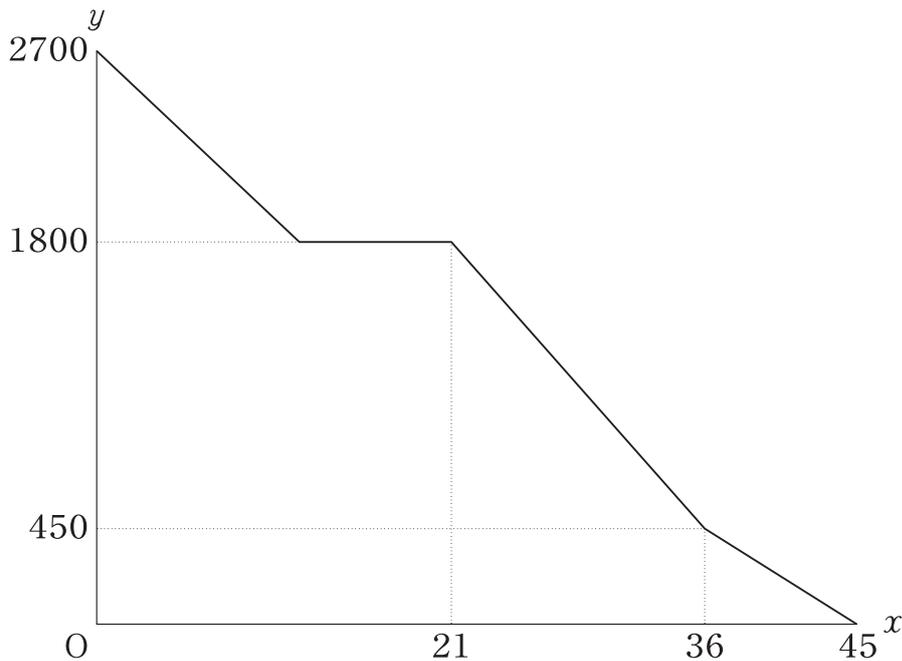
4

Aさんの家，駅，公園，図書館が，この順に一直線の道路沿いにあり，家から駅までは450m，家から公園までは1800m，家から図書館までは2700m離れている。

Aさんは，11時に図書館を出発し，この道路を公園に向かって分速75mで歩き，公園に着いた。公園で休んだ後，11時21分に公園を出発し，この道路を駅に向かって一定の速さで15分間歩き，駅から家まで分速50mで歩いたところ，11時45分に家に着いた。

図は，11時から $x$ 分後にAさんが家から $y$ m離れているとすると，11時から11時45分までの $x$ と $y$ の関係をグラフに表したものである。

図



次の(1)～(3)に答えなさい。

- (1) 図において， $x$ と $y$ の値の組を座標とする点のうち，Aさんが図書館を出発してから公園に着くまでの $x$ と $y$ の関係を表したグラフ上にある点として，正しいものを次のア～オから全て選び，記号をかきなさい。

- ア 点 (2, 2550)
- イ 点 (4, 2400)
- ウ 点 (6, 2200)
- エ 点 (8, 2050)
- オ 点 (10, 1950)

(2)  $x$  の変域が  $21 \leq x \leq 36$  のとき,  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

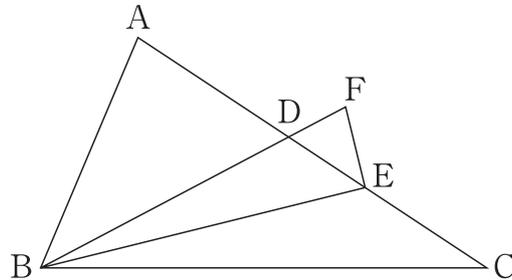
(3) Aさんの兄は, 11時25分に公園を出発し, この道路を家に向かって分速110mで走り, その途中で, 駅から家に向かって歩いているAさんに追いついた。

Aさんの兄が, Aさんに追いついたのは, 11時何分何秒か求めなさい。

5

図1は、 $AB < AC < BC$ である鋭角三角形ABCにおいて、辺AC上に点A, Cとは異なる点Dをとり、 $\angle DBC$ の二等分線と辺ACとの交点をEとし、線分BDを延長した直線上に点Fをとり、点Eと点Fを結んだものである。

図1



次の(1)~(4)に答えなさい。

- (1) 図1において、いつでも成り立つこととして、正しいことを述べているものを、次のア~エから全て選び、記号をかきなさい。

- ア 点Dは、直線BEを対称の軸として、点Cを対称移動した点である。
- イ 点Eと直線BCとの距離と、点Eと直線BFとの距離は等しい。
- ウ  $\angle BED$ と $\angle BDE$ の和と、 $\angle BCE$ と $\angle BEC$ の和は等しい。
- エ 直線BEは、 $\triangle DBC$ の面積を2等分する。

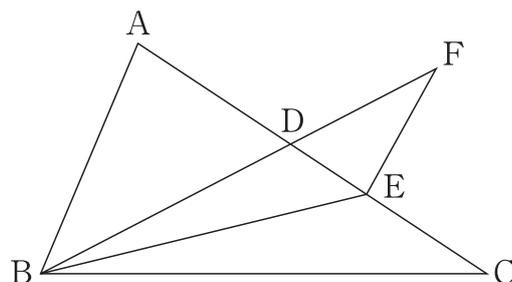
- (2) 図1において、下のア、イのどちらの条件をつけ加えても、 $\triangle BCE \equiv \triangle BFE$ になり、その場合を表しているのが図2である。

下のア、イのどちらかを選び、その条件をつけ加えたときに、 $\triangle BCE \equiv \triangle BFE$ の根拠となる合同条件を、選んだ記号とともにかきなさい。

ア、イのどちらを選んでもかまわない。

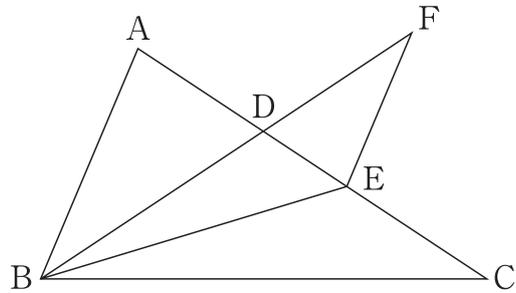
- ア  $\angle BEC = \angle BEF$
- イ  $BC = BF$

図2



- (3) 図3は、図2において、 $AB \parallel FE$ となる場合を表している。  
図3において、 $\triangle ABC \sim \triangle ADB$ であることを証明しなさい。  
ただし、 $\triangle BCE \equiv \triangle BFE$ であることは使ってよい。

図3



- (4) 図3において、 $AB : EF = 3 : 2$ のとき、 $\triangle ABC$ の面積は、 $\triangle ADB$ の面積の何倍か求めなさい。

6

図1は、 $AB=7\text{cm}$ ,  $BC=6\text{cm}$ ,  $AE=11\text{cm}$  の直方体  $ABCDEFGH$  を表しており、辺  $AE$  上に点  $A$ ,  $E$  とは異なる点  $P$  をとり、辺  $BF$  上に点  $Q$  を、 $AP=BQ$  となるようにとったものである。

図2は、図1に示す直方体を4点  $P$ ,  $Q$ ,  $G$ ,  $H$  を通る平面で分けたときにできる2つの立体のうち、頂点  $A$  をふくむ立体を表している。

図1

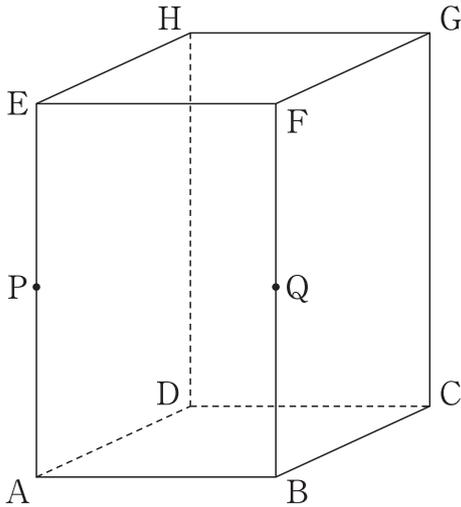
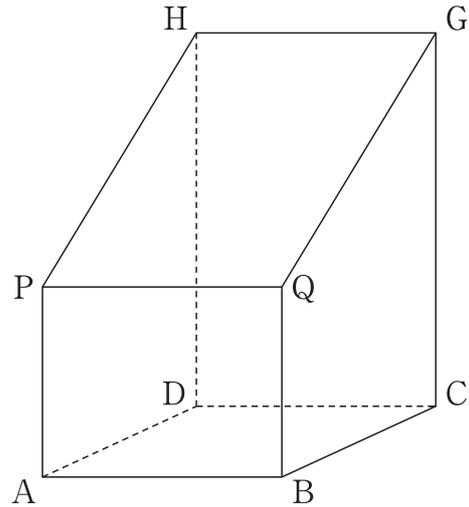


図2



次の(1)~(3)に答えなさい。

- (1) 図2に示す立体において、辺  $GQ$  とねじれの位置にある辺は、全部で何本あるかかきなさい。
- (2) 図2に示す立体の体積が  $350\text{ cm}^3$  のとき、辺  $AP$  の長さを求めなさい。

(3) 図3は、図2に示す立体において、 $AP=3\text{ cm}$ となる場合を表したものである。

図3に示す立体において、辺HP上に点Sを、 $HS:SP=3:2$ となるようにとり、  
 辺PQ上に点Tを、 $ST+TB$ の長さが最も短くなるようにとり、

このとき、線分CTの長さを求めなさい。

図3

